

Parsing

Beispiel: Transformation in CNF

Kurt Eberle

k.eberle@lingenio.de

03. August 2018

Outline

Chomsky-Normal-Form

Beispiel-Grammatik

Transformation

Outline

Chomsky-Normal-Form

Beispiel-Grammatik

Transformation

Chomsky-Normal-Form

Grammatik $G = (V, \Sigma, P, S)$ ist in CNF gdw G hat die Form

- ▶ $A \rightarrow BC$
- ▶ $A \rightarrow a$
- ▶ $(S \rightarrow \epsilon; \text{ in diesem Falle erscheint } S \text{ nicht auf der rechten Seite einer Regel})$

für $A, B, C \in V, a \in \Sigma$.

Outline

Chomsky-Normal-Form

Beispiel-Grammatik

Transformation

Grammatik

Grammatik $G = (V, \Sigma, P, S)$ mit

- ▶ $V = \{S, A, B, C, D, E, F, G, H, I\}$
- ▶ $\Sigma = \{c, d, e, f, g, h, i\}$
- ▶ und P :

$$\begin{array}{ll} S \rightarrow ABC & D \rightarrow \varepsilon \\ S \rightarrow \varepsilon & E \rightarrow deE \\ A \rightarrow DEF & E \rightarrow \varepsilon \\ B \rightarrow GHI & F \rightarrow efF \\ B \rightarrow \varepsilon & F \rightarrow \varepsilon \\ C \rightarrow cC & G \rightarrow g \\ C \rightarrow \varepsilon & H \rightarrow gh \\ D \rightarrow cdD & I \rightarrow hi \end{array}$$

Outline

Chomsky-Normal-Form

Beispiel-Grammatik

Transformation

1. Neue einstellige Regeln

- ▶ $\Sigma = \{c, d, e, f, g, h, i\}$

- ▶ einstellige Regeln

$$X_c \rightarrow c \quad X_g \rightarrow g$$

$$X_d \rightarrow d \quad X_h \rightarrow h$$

$$X_e \rightarrow e \quad X_i \rightarrow i$$

$$X_f \rightarrow f$$

- ▶ Ersetzung

$$S \rightarrow ABC \quad D \rightarrow \varepsilon$$

$$S \rightarrow \varepsilon \quad E \rightarrow X_d X_e E$$

$$A \rightarrow DEF \quad E \rightarrow \varepsilon$$

$$B \rightarrow GHI \quad F \rightarrow X_e X_f F$$

$$B \rightarrow \varepsilon \quad F \rightarrow \varepsilon$$

$$C \rightarrow X_c C \quad G \rightarrow X_g$$

$$C \rightarrow \varepsilon \quad H \rightarrow X_g X_h$$

$$D \rightarrow X_c X_d D \quad I \rightarrow X_h X_i$$

2. Neue Symbolpaar-Regeln

- ▶ Neue Paar-Regeln

$$X_{AB} \rightarrow AB \quad X_{cd} \rightarrow X_c X_d$$

$$X_{DE} \rightarrow DE \quad X_{de} \rightarrow X_d X_e$$

$$X_{GH} \rightarrow GH \quad X_{ef} \rightarrow X_e X_f$$

- ▶ Ersetzung

$$S \rightarrow X_{AB} C \quad D \rightarrow \varepsilon$$

$$S \rightarrow \varepsilon \quad E \rightarrow X_{de} E$$

$$A \rightarrow X_{DE} F \quad E \rightarrow \varepsilon$$

$$B \rightarrow X_{GH} I \quad F \rightarrow X_{ef} F$$

$$B \rightarrow \varepsilon \quad F \rightarrow \varepsilon$$

$$C \rightarrow X_c C \quad G \rightarrow X_g$$

$$C \rightarrow \varepsilon \quad H \rightarrow X_g X_h$$

$$D \rightarrow X_{cd} D \quad I \rightarrow X_h X_i$$

3. S- ε -Regel

- ▶ Neue Regeln

$$S' \rightarrow S \quad S' \rightarrow \varepsilon$$

- ▶ Ergebnis: (+ Neue Regeln aus Schritt 1 und 2)

$$S' \rightarrow S \qquad D \rightarrow X_{cd} D$$

$$S' \rightarrow \varepsilon \qquad D \rightarrow \varepsilon$$

$$S \rightarrow X_{AB} C \qquad E \rightarrow X_{de} E$$

$$S \rightarrow \varepsilon \qquad E \rightarrow \varepsilon$$

$$A \rightarrow X_{DE} F \qquad F \rightarrow X_{ef} F$$

$$B \rightarrow X_{GH} I \qquad F \rightarrow \varepsilon$$

$$B \rightarrow \varepsilon \qquad G \rightarrow X_g$$

$$C \rightarrow X_c C \qquad H \rightarrow X_g X_h$$

$$C \rightarrow \varepsilon \qquad I \rightarrow X_h X_i$$

4. Andere (nicht S') ε -Regeln (erster Durchgang)

► Tilge Regeln $S \rightarrow \varepsilon$ $D \rightarrow \varepsilon$

$B \rightarrow \varepsilon$ $E \rightarrow \varepsilon$

$C \rightarrow \varepsilon$ $F \rightarrow \varepsilon$

► Füge Regeln hinzu (für B, C, D, E, F) $X_{AB} \rightarrow A$ $X_{DE} \rightarrow D$

$C \rightarrow X_c$ $X_{DE} \rightarrow \varepsilon$

$S \rightarrow X_{AB}$ $E \rightarrow X_{de}$

$X_{DE} \rightarrow E$ $F \rightarrow X_{ef}$

$D \rightarrow X_{cd}$ $A \rightarrow X_{DE}$

► Ergebnis: (+ Terminal-Regeln)

$X_{AB} \rightarrow AB$ $S' \rightarrow S$

$X_{AB} \rightarrow A$ $S' \rightarrow \varepsilon$

$X_{DE} \rightarrow DE$ $S \rightarrow X_{AB} C$

$X_{DE} \rightarrow D$ $S \rightarrow X_{AB}$

$X_{DE} \rightarrow E$ $A \rightarrow X_{DE} F$

$X_{DE} \rightarrow \varepsilon$ $A \rightarrow X_{DE}$

$X_{GH} \rightarrow GH$ $B \rightarrow X_{GH} I$

$C \rightarrow X_c C$ $F \rightarrow X_{ef} F$

$C \rightarrow X_c$ $F \rightarrow X_{ef}$

$D \rightarrow X_{cd} D$

$D \rightarrow X_{cd}$ $G \rightarrow X_g$

$E \rightarrow X_{de} E$ $H \rightarrow X_g X_h$

$E \rightarrow X_{de}$ $I \rightarrow X_h X_i$

4. Nicht-S'- ε -Regeln (zweiter Durchgang)

- ▶ Tilge Regeln $X_{DE} \rightarrow \varepsilon$
- ▶ Füge Regeln hinzu (für X_{DE}) $A \rightarrow F$ $A \rightarrow \varepsilon$
- ▶ Ergebnis: (+ Terminal-Regeln)

$X_{AB} \rightarrow AB$	$S' \rightarrow S$	$B \rightarrow X_{GH}I$	
$X_{AB} \rightarrow A$	$S' \rightarrow \varepsilon$	$C \rightarrow X_c C$	$F \rightarrow X_{ef} F$
$X_{DE} \rightarrow DE$	$S \rightarrow X_{AB} C$	$C \rightarrow X_c$	$F \rightarrow X_{ef}$
$X_{DE} \rightarrow D$	$S \rightarrow X_{AB}$	$D \rightarrow X_{cd} D$	$G \rightarrow X_g$
$X_{DE} \rightarrow E$	$A \rightarrow X_{DE} F$	$D \rightarrow X_{cd}$	$H \rightarrow X_g X_h$
$X_{GH} \rightarrow GH$	$A \rightarrow F$	$E \rightarrow X_{de} E$	$I \rightarrow X_h X_i$
	$A \rightarrow X_{DE}$	$E \rightarrow X_{de}$	
	$A \rightarrow \varepsilon$	$A \rightarrow \varepsilon$	

4. Nicht-S'- ε -Regeln (dritter Durchgang)

- ▶ Tilge Regeln $A \rightarrow \varepsilon$
- ▶ Füge Regeln hinzu (für A) $X_{AB} \rightarrow B$ $X_{AB} \rightarrow \varepsilon$
- ▶ Ergebnis: (+ Terminal-Regeln)

$X_{AB} \rightarrow AB$	$S' \rightarrow S$	$B \rightarrow X_{GH}I$	
$X_{AB} \rightarrow A$	$S' \rightarrow \varepsilon$	$C \rightarrow X_c C$	$F \rightarrow X_{ef} F$
$X_{AB} \rightarrow B$	$S \rightarrow X_{AB} C$	$C \rightarrow X_c$	$F \rightarrow X_{ef}$
$X_{AB} \rightarrow \varepsilon$	$S \rightarrow X_{AB}$	$D \rightarrow X_{cd} D$	$G \rightarrow X_g$
$X_{DE} \rightarrow DE$	$A \rightarrow X_{DE} F$	$D \rightarrow X_{cd}$	$H \rightarrow X_g X_h$
$X_{DE} \rightarrow D$	$A \rightarrow F$	$E \rightarrow X_{de} E$	$I \rightarrow X_h X_i$
$X_{DE} \rightarrow E$	$A \rightarrow X_{DE}$	$E \rightarrow X_{de}$	
$X_{GH} \rightarrow GH$			

4. Nicht-S'- ε -Regeln (vierter Durchgang)

- ▶ Tilge Regeln $X_{AB} \rightarrow \varepsilon$
- ▶ Füge Regeln hinzu (für X_{AB}) $S \rightarrow C$ $S \rightarrow \varepsilon$
- ▶ Ergebnis: (+ Terminal-Regeln)

$$S' \rightarrow S$$

$X_{AB} \rightarrow AB$	$S' \rightarrow \varepsilon$	$B \rightarrow X_{GH} I$	
$X_{AB} \rightarrow A$	$S \rightarrow X_{AB} C$	$C \rightarrow X_c C$	$F \rightarrow X_{ef} F$
$X_{AB} \rightarrow B$	$S \rightarrow C$	$C \rightarrow X_c$	$F \rightarrow X_{ef}$
$X_{DE} \rightarrow DE$	$S \rightarrow X_{AB}$	$D \rightarrow X_{cd} D$	$G \rightarrow X_g$
$X_{DE} \rightarrow D$	$S \rightarrow \varepsilon$	$D \rightarrow X_{cd}$	$H \rightarrow X_g X_h$
$X_{DE} \rightarrow E$	$A \rightarrow X_{DE} F$	$E \rightarrow X_{de} E$	$I \rightarrow X_h X_i$
$X_{GH} \rightarrow GH$	$A \rightarrow F$	$E \rightarrow X_{de}$	
	$A \rightarrow X_{DE}$		

4. Nicht-S'- ε -Regeln (fünfter Durchgang)

- ▶ Tilge Regeln $S \rightarrow \varepsilon$
- ▶ Füge Regeln hinzu (für S) \emptyset
- ▶ Ergebnis: (+ Terminal-Regeln)

$X_{AB} \rightarrow AB$	$S' \rightarrow S$	$B \rightarrow X_{GH}I$	
$X_{AB} \rightarrow A$	$S' \rightarrow \varepsilon$	$C \rightarrow X_c C$	$F \rightarrow X_{ef} F$
$X_{AB} \rightarrow B$	$S \rightarrow X_{AB} C$	$C \rightarrow X_c$	$F \rightarrow X_{ef}$
$X_{DE} \rightarrow DE$	$S \rightarrow C$	$D \rightarrow X_{cd} D$	$G \rightarrow X_g$
$X_{DE} \rightarrow D$	$S \rightarrow X_{AB}$	$D \rightarrow X_{cd}$	$H \rightarrow X_g X_h$
$X_{DE} \rightarrow E$	$A \rightarrow X_{DE} F$	$E \rightarrow X_{de} E$	$I \rightarrow X_h X_i$
$X_{GH} \rightarrow GH$	$A \rightarrow F$	$E \rightarrow X_{de}$	
	$A \rightarrow X_{DE}$	$E \rightarrow X_{de}$	

5. Kettenregeln

► Ersetze Regeln

$X_{AB} \rightarrow A$	$X_{AB} \rightarrow X_{DE}F, X_{AB} \rightarrow X_eX_f, X_{AB} \rightarrow X_{ef}F, X_{AB} \rightarrow DE$
$X_{AB} \rightarrow B$	$X_{AB} \rightarrow X_{GH}I$
$X_{DE} \rightarrow D$	$X_{DE} \rightarrow X_cX_d, X_{DE} \rightarrow X_{cd}D$
$X_{DE} \rightarrow E$	$X_{DE} \rightarrow X_dX_e, X_{DE} \rightarrow X_{de}E$
$S' \rightarrow S$	$S' \rightarrow X_{AB}C, S' \rightarrow X_cC, S' \rightarrow c, S' \rightarrow AB$
$S \rightarrow C$	$S \rightarrow X_cC, S \rightarrow c$
$S \rightarrow X_{AB}$	$S \rightarrow AB$
$A \rightarrow F$	$A \rightarrow X_eX_f, A \rightarrow X_{ef}F$
$A \rightarrow X_{DE}$	$A \rightarrow DE$
$C \rightarrow X_c$	$C \rightarrow c$
$D \rightarrow X_{cd}$	$D \rightarrow X_cX_d$
$E \rightarrow X_{de}$	$E \rightarrow X_dX_e$
$F \rightarrow X_{ef}$	$F \rightarrow X_eX_f$
$G \rightarrow X_g$	$G \rightarrow g$

Ergebnis

$$\begin{aligned}
 X_{AB} &\rightarrow AB \\
 X_{AB} &\rightarrow X_{DE} F | X_e X_f | X_{ef} F | DE \\
 X_{AB} &\rightarrow X_{GH} I \\
 X_{DE} &\rightarrow DE \\
 X_{DE} &\rightarrow X_c X_d | X_{cd} D \\
 X_{DE} &\rightarrow X_d X_e | X_{de} E \\
 X_{GH} &\rightarrow GH \\
 S' &\rightarrow X_{AB} C | X_c C | c | AB \\
 S' &\rightarrow \varepsilon
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 A &\rightarrow X_{DE} F \\
 A &\rightarrow X_e X_f | X_{ef} F \\
 A &\rightarrow DE \\
 B &\rightarrow X_{GH} I \\
 C &\rightarrow X_c C \\
 C &\rightarrow c \\
 D &\rightarrow X_{cd} D \\
 D &\rightarrow X_c X_d \\
 E &\rightarrow X_{de} E \\
 E &\rightarrow X_d X_e
 \end{aligned}
 \quad
 \begin{aligned}
 F &\rightarrow X_{ef} F \\
 F &\rightarrow X_e X_f \\
 G &\rightarrow g \\
 H &\rightarrow X_g X_h \\
 I &\rightarrow X_h X_i
 \end{aligned}$$